

GUJARAT TECHNOLOGICAL UNIVERSITY
Diploma Engineering – SEMESTER – 2 (OLD) – EXAMINATION – Winter-2023

Subject Code: 3320003**Date: 16-01-2024****Subject Name: Advanced Mathematics(Group-2)****Time: 10:30 AM TO 01:00 PM****Total Marks: 70****Instructions:**

1. Attempt all questions.
2. Make Suitable assumptions wherever necessary.
3. Figures to the right indicate full marks.
4. Use of programmable & Communication aids are strictly prohibited.
5. Use of non-programmable scientific calculator is permitted.
6. English version is authentic.

Q.1	Fill in the blanks using appropriate choice from the given options. 14			
1	If points A(1,4) and B(3,2) then AB(અંદુઓ વચ્ચે નું અંતર)=-----	a. $\sqrt{2}$	b. $2\sqrt{2}$	c. $3\sqrt{2}$
2	The slope of the line $3x+y=0$ (રેખા ની ઢાળ) is -----	a. $1/3$	b. $-1/3$	c. 3
3	The equation of the unit circle is	a. $x^2 + y^2=0$	b. $x^2 + y^2=1$	c. $x^2 + y^2=4$
3	એકમ વર્તુલ નું સમિકરણ	a. $x^2 + y^2=0$	b. $x^2 + y^2=1$	c. $x^2 + y^2=4$
4	The equation of a line parallel to the line $2x-y+1=0$ is -----	a. $2x - y + 5 = 0$	b. $x - 2y + 1 = 0$	c. $2x+y+1=0$
4	રેખા $2x-y+1=0$ ને સમાંતર રેખા નું સમિકરણ -----	d. $x-y+1=0$		
5	If $f(x) = e^x$ then $f(1) = -----$	a. e	b. -e	c. 1
6	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{x} =$			d. 0
7	a. 1	b. 3	c. $1/3$	d. -3
7	$\frac{d}{dx}(\sin x) = -----$	a. $\cos x$	b. $-\cos x$	c. $\sin x$
8	If $f(x) = 3x^2$ then $f'(2) = -----$	a. 3	b. 4	c. 6
8				d. 12
9	$\frac{d}{dx}(e^x) = -----$	a. x	b. e^x	c. $\frac{1}{x}$
10	$\frac{d}{dx}(\sin^2 x + \cos^2 x) = -----$	a. 0	b. 1	c. $\sin 2x$
10				d. $\cos 2x$
11	$\int e^x dx = -----$	a. $\log x + c$	b. $e^x + c$	c. 0
12	$\int \frac{1}{x^3} dx = -----$			d. 1

13. Mean of the first five odd natural number is----
 a. $\frac{1}{x}$ b. $\frac{-1}{x}$ c. $\frac{1}{2x^2}$ d. $\frac{-1}{2x^2}$

13. પ્રથમ ૫ એકી પ્રાકૃતિક સંખ્યા ની મધ્યક -----
 અ. 5 બ. 6 ચ. 7 દ. 8

14. Mode(ઘુલક) of the data 7,6,3,0,1,3,2,4 is
 a. 1 b. 2 c. 3 d. 4

Q.2 (a) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 06

1. Show that the points (1,-1),(4,5) and (2,1) are collinear point.

૧. સાબિત કરો કે (1,-1),(4,5) અને (2,1) સમર્થ બિંદુઓ છે.

2. Find the equation of a locus of a point which is equidistance from the point A(1,3) and B(-4,1).

૨. બિંદુ A(1,3) અને B(-4,1) થી સમાન અંતરે આવેલ બિંદુપથ નું સમિકરણ શોધો

3. Find the equation of a tangent and normal to the circle $x^2 + y^2 = 144$ at the point (2,-3).

3. વર્તુલ $x^2 + y^2 = 144$ ના (2,-3) બિંદુ આગળ સ્પર્હકઅને અભિલમ્બ ના સમિકરણ શોધો.

(b) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 08

1. If $(\forall x)f(x) = \frac{1}{1+x}$ then show that (તો સાબિત કરો કે) $f(x) + f\left(\frac{1}{x}\right) = 1$.

2. Evaluate (લક્ષ શોધો) $\lim_{x \rightarrow 0} (2^x - 3^x)/x$

3. Evaluate(લક્ષ શોધો) : $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{n}\right)^{2n}$

Q.3 (a) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 06

1. Find the derivative using first principle of (વ્યાખ્યા ની રીતે વિકલન શોધો) $f(x) = 4x^2$

2. If $y = e^x \times \sin x$ then find (શોધો) $\frac{dy}{dx}$

3. If $y = \frac{1+\sin x}{1-\sin x}$ then find (શોધો) $\frac{dy}{dx}$

(b) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 08

1. If $y = 2e^{3x} + 3e^{-2x}$ then show that(તો સાબિત કરો કે) $\frac{d^2y}{dt^2} - \frac{dy}{dx} - 6y = 0$

2. Find the velocity and acceleration of a moving object at t=1 and t=2. the equation of a moving object is $s = 2t^3 - 5t^2 + 4t - 3$.

૨. જો ગતિ કરતા કણ નું સમિકરણ $s = 2t^3 - 5t^2 + 4t - 3$. હોય તો $t=1$ અને $t=2$ સેકન્ડ તેનો વેગ અને પ્રવેગ શોધો.

3. Find the maximum and minimum of a function $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 5$

3. વિધેય $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 5$ નું મહત્વ અને ન્યૂનત્વ મુખ્ય શોધો.

Q.4 (a) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 06

1. Evaluate: $\int e^{\sin x} \cos x dx$

2. Evaluate: $\int \frac{(1+2x+3x^2)}{x} dx$

3. Evaluate: $\int \log x dx$

(b) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 08

- Evaluate: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \left(\frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}} \right) dx$
- Evaluate: $\int_0^1 \frac{x}{1+x} dx$
- Find the area of the curve $y = 3x^2$ bounded by the x-axis and line $x=4$.
- x-અક્ષ અને રેખા $x=4$ થી ઘેરાયેલા વક્ત $y = 3x^2$ નું ક્ષેત્રફળ શોધો.

Q.5 (a) Attempt any two કોઈપણ બે ના જવાબ આપો. **06**

- If $f(x) = \log x$ then show that (તો સાબિત કરો કે) $f(x \times y) = f(x) + f(y)$
- Show that the points $(1,4), (4,5)$ and $(5,8)$ are the vertices of isoscelen triangle.
- સાબિત કરોકે બિંદુઓ $(1,4), (4,5)$ અને $(5,8)$ સમટ્રિબાજુ ત્રિકોણ રેચે છે.
- Find the equation of a circle centered at $(0,0)$ and passing through the point $(1,2)$.
- $(0,0)$ કેંદ્ર વાળા અને $(1,2)$ બિંદુ માથી પસાર થતા વર્તુલ નું સમિકરણ શોધો.

(b) Attempt any two કોઈપણ બે ના જવાબ આપો. **08**

- Find the mean of the given data.(નીચેની માહિતી નો મધ્યક શોધો)

Class (વર્ગી)	15-20	20-25	25-30	30-35	35-40	40-45	45-50
Observations (અવલોકન)	5	12	10	8	2	2	1

- Find the standard deviation of the given data.
(નીચેની માહિતી નો પ્રમાણિત વિચલન શોધો)
10,15,17,19,19,21,23,25,26,30
- Find the mode of the given data. .(નીચેની માહિતી નો બહુલક શોધો)

Class (વર્ગી)	10-25	25-40	40-55	55-70	70-85	85-100
Observations (અવલોકન)	10	16	21	8	25	20
